

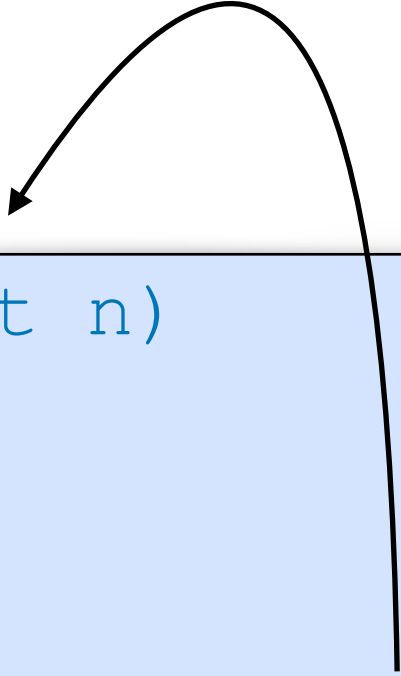
5. Sortieren und Suchen

5.8 Rekursionen

5.8 Rekursion

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

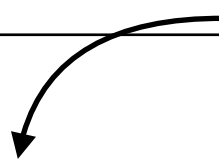


```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

Die Methode ruft sich selbst auf = Rekursion

5.8 Rekursion

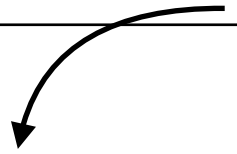
fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)



```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)



fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

rekursiver
Abstieg

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

rekursiver
Abstieg

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

fakultaet(0)
n == 0 → 1

rekursiver
Abstieg

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

fakultaet(0)
n == 0 → 1

return 1

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

im "Keller" angekommen, da
Abbruchbedingung $n == 0$ erfüllt ist.

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

fakultaet(0)
n == 0 → 1

return 1*1 = 1

return 1

rekursiver
Aufstieg

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

fakultaet(0)
n == 0 → 1

return 2*1 = 2

rekursiver
Aufstieg

return 1*1 = 1

return 1

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion

fakultaet(4)
n != 0 → fakultaet(3)

fakultaet(3)
n != 0 → fakultaet(2)

fakultaet(2)
n != 0 → fakultaet(1)

fakultaet(1)
n != 0 → fakultaet(0)

fakultaet(0)
n == 0 → 1

return 3*2 = 6

rekursiver
Aufstieg

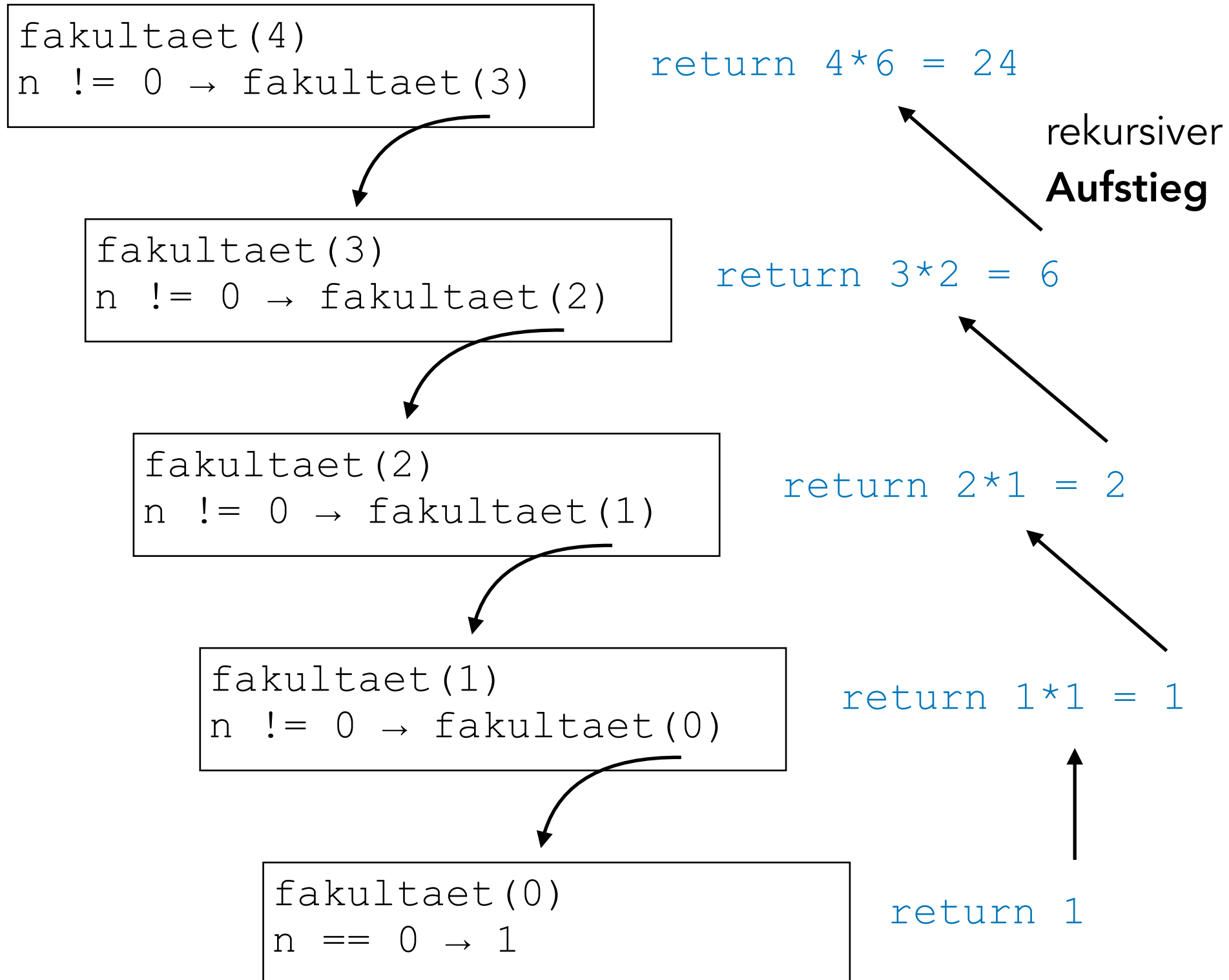
return 2*1 = 2

return 1*1 = 1

return 1

```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion



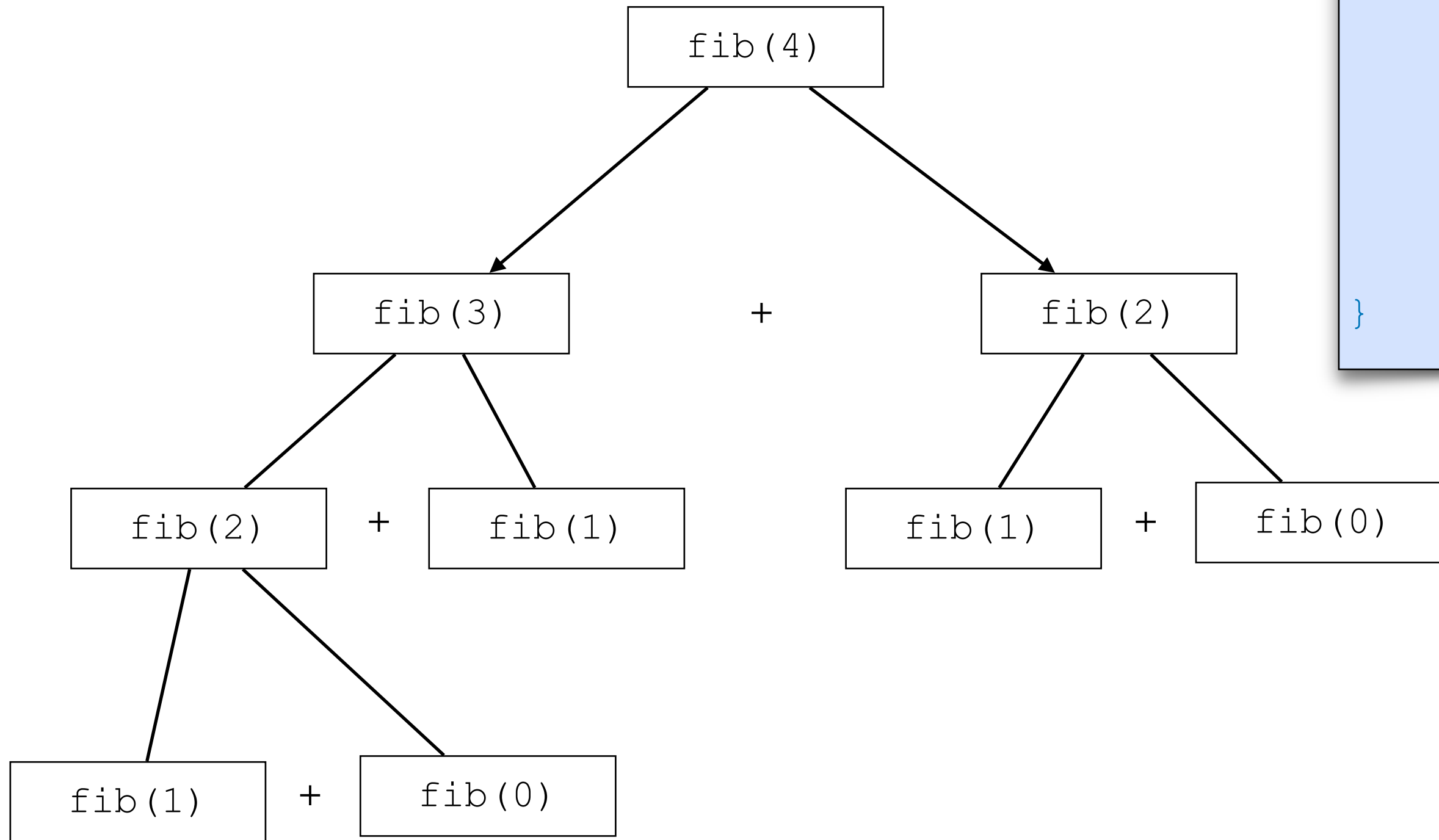
```
public int fakultaet(int n)
{
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n * fakultaet(n - 1);
}
```

5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen

```
public static int fib(int n)
{
    if (n == 0)
        return 0;
    if (n == 1)
        return 1;

    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

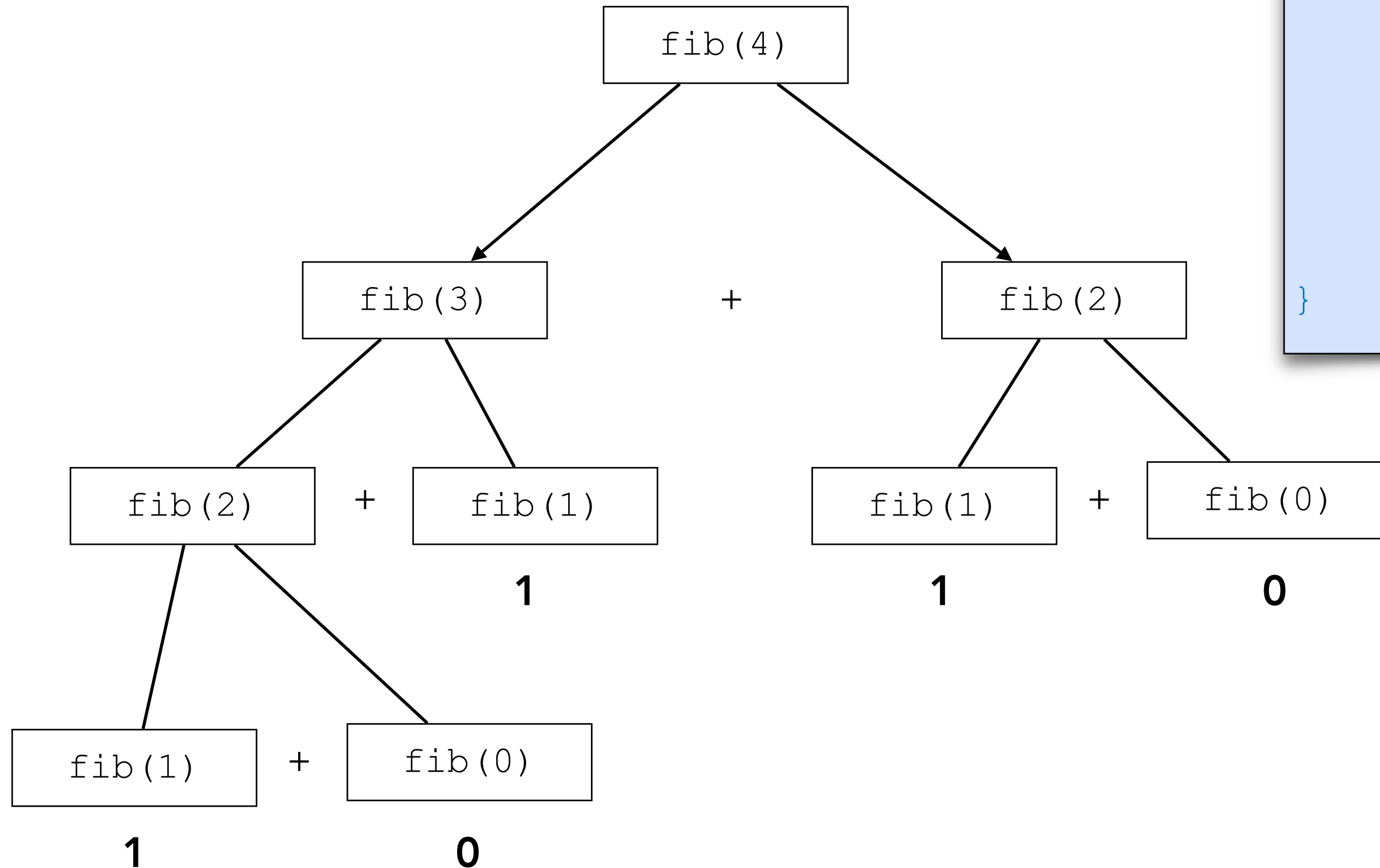
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



```
public static int fib(int n)
{
    if (n == 0)
        return 0;
    if (n == 1)
        return 1;

    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

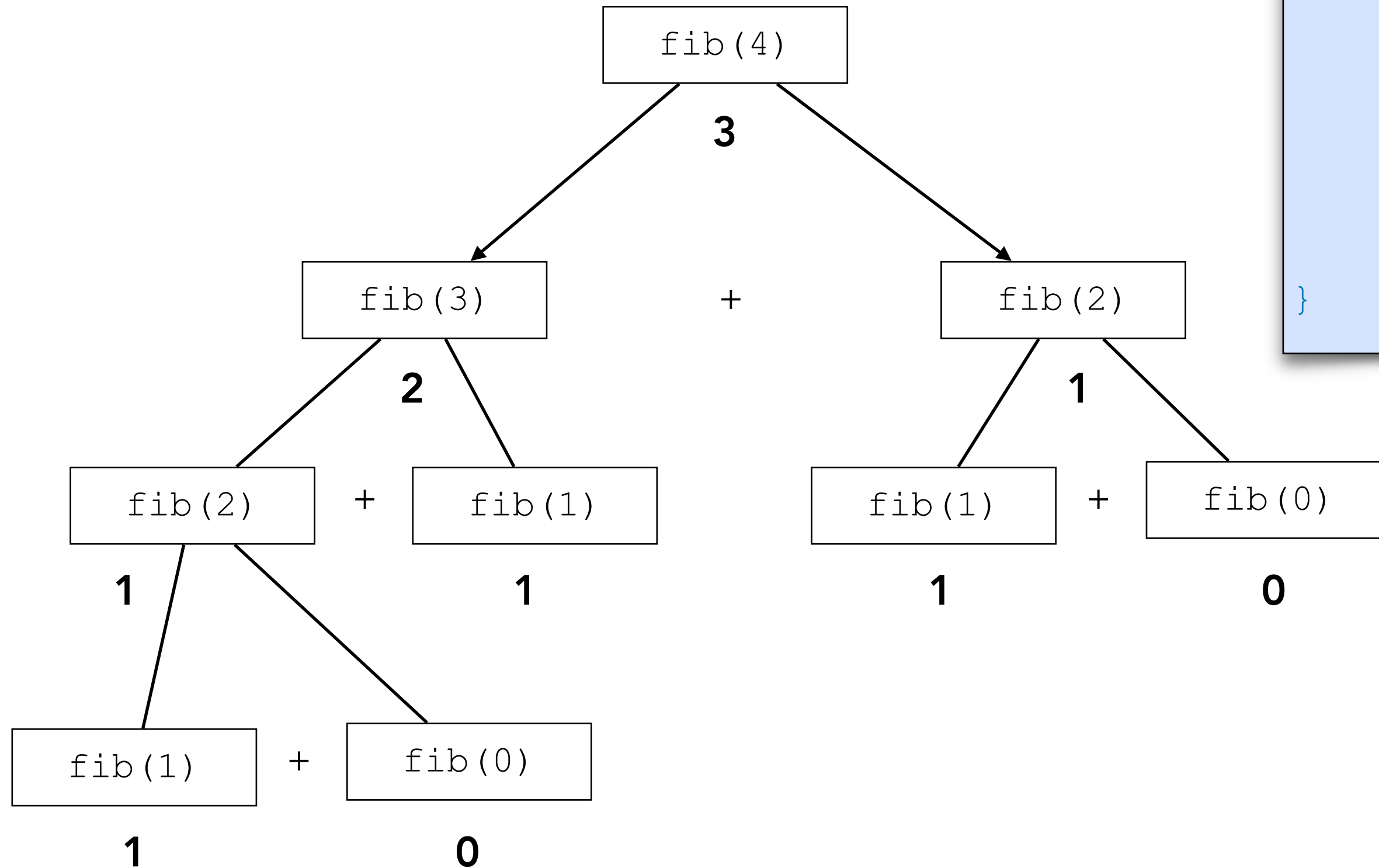
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



```
public static int fib(int n)
{
    if (n == 0)
        return 0;
    if (n == 1)
        return 1;

    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

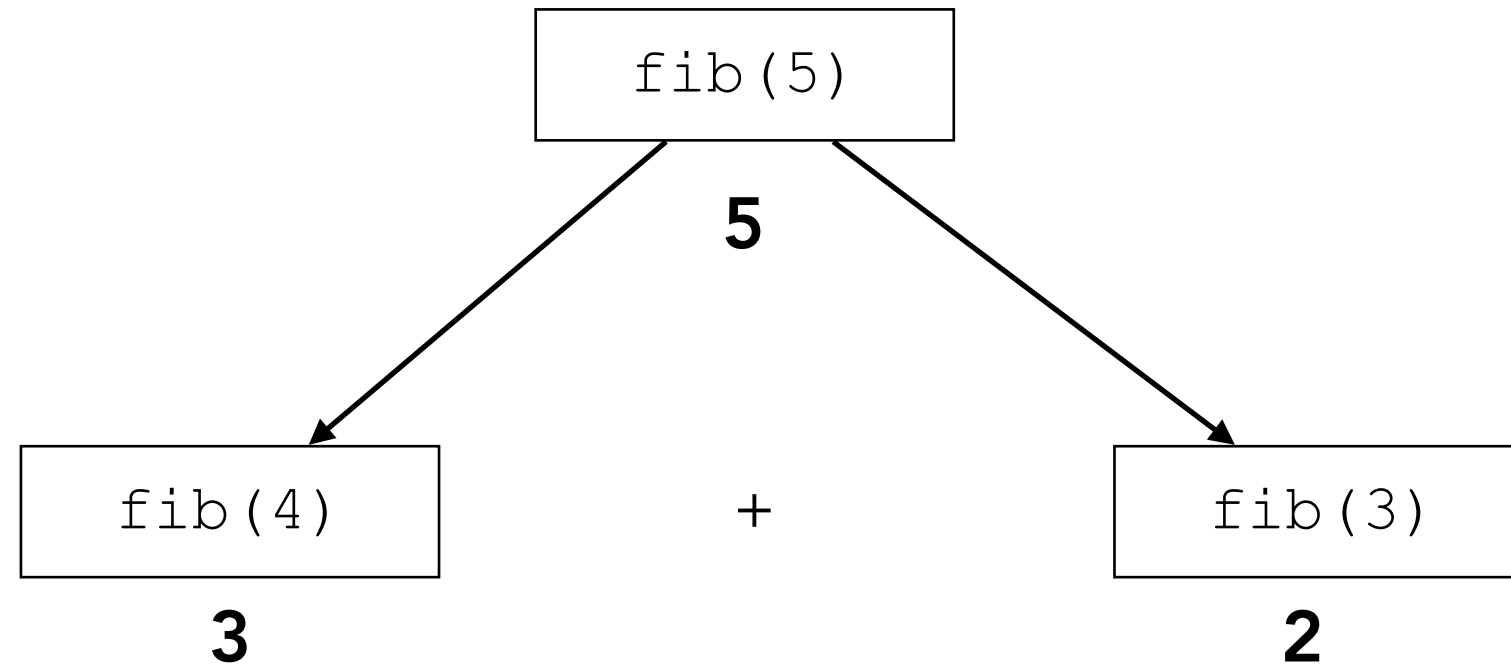
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



```
public int fib(int n)
{
    if (n == 0)
        return 0;
    if (n == 1)
        return 1;

    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

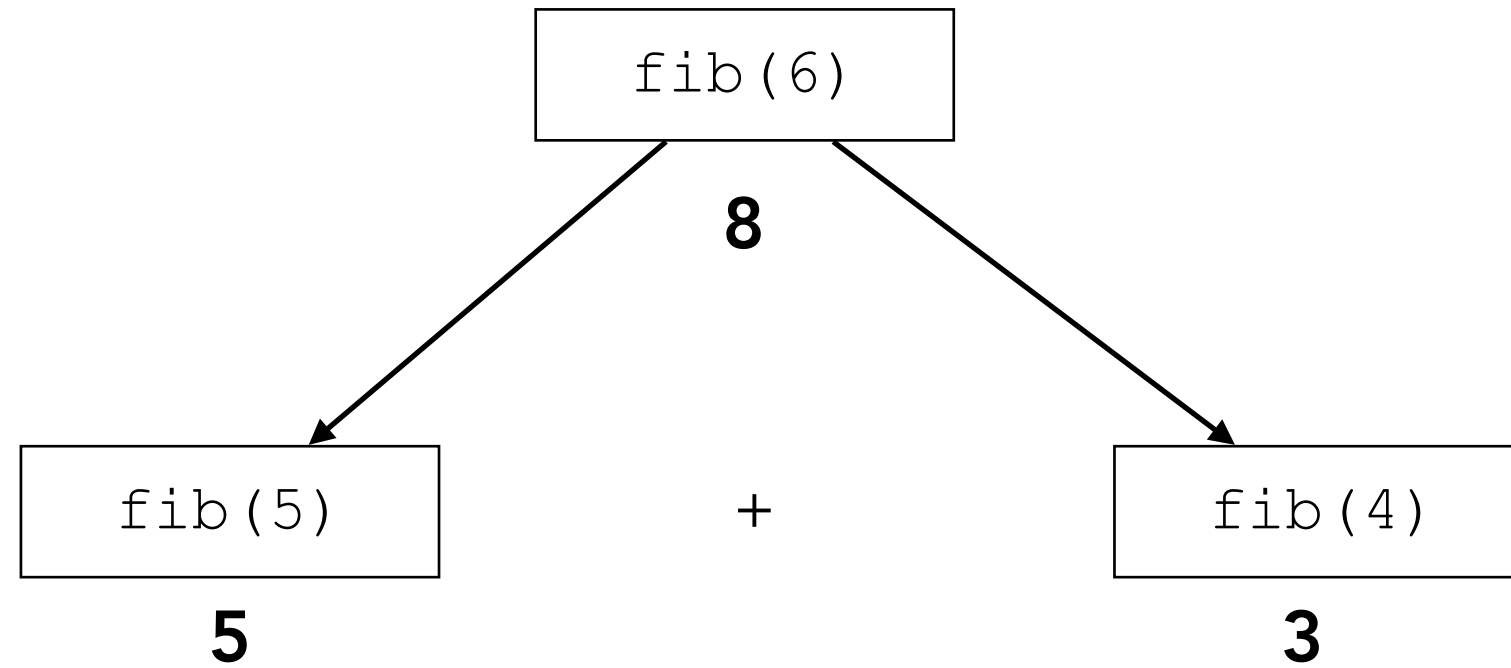
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



```
public int fib(int n)
{
    if (n == 0)
        return 0;
    if (n == 1)
        return 1;

    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

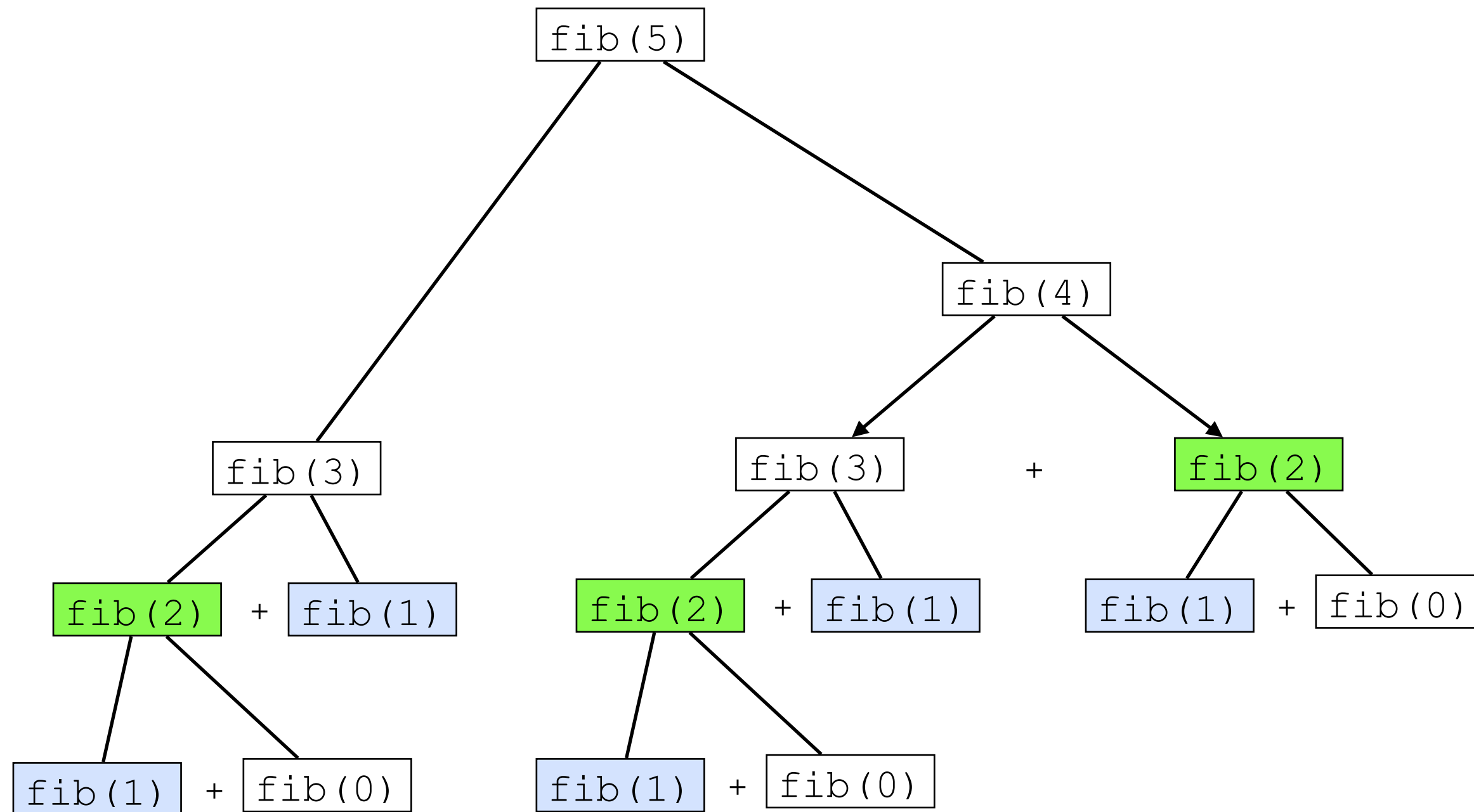
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



```
public int fib(int n)
{
    if (n < 2) return n;
    return fib(n-1) + fib(n-2);
}
```

1 - 1 - 2 - 3 - 5 - 8 - 13 - 21 - 24 - 55 - 89 - 144 - 233 - 377 - ...

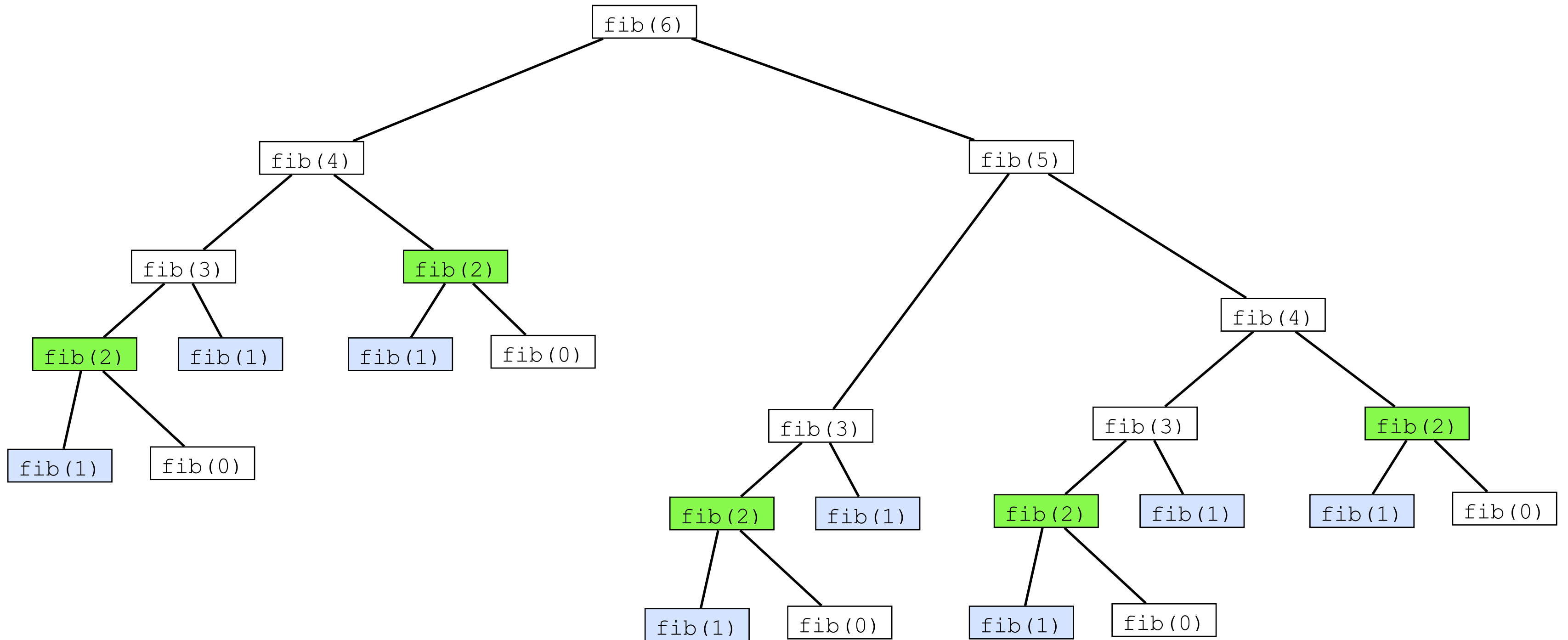
5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



Die rekursive Implementierung der Methode hat durchaus Nachteile!

Welche?

5.8 Rekursion: Fibonacci-Zahlen



5.8 Rekursion: mergeSort()

Wo ist hier die Abbruchbedingung?

```
public void mergeSort(int[] zahlen)
{
    if (zahlen.length > 1)
    {
        int mitte = zahlen.length / 2;

        // linkes und rechtes Teilarray erzeugen
        int[] links = new int[mitte];
        int[] rechts = new int[zahlen.length - mitte];

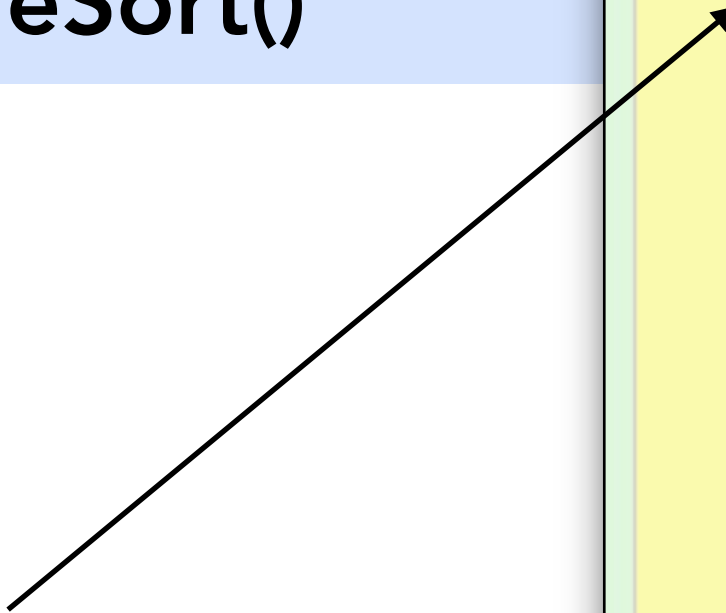
        // Elemente aufteilen
        for (int i = 0; i < mitte; i++)
            links[i] = zahlen[i];
        for (int i = mitte; i < zahlen.length; i++)
            rechts[i - mitte] = zahlen[i];

        // rekursiv sortieren
        mergeSort(links);
        mergeSort(rechts);

        // zusammenführen
        merge(zahlen, links, rechts);
    }
}
```

5.8 Rekursion: mergeSort()

Abbruchbedingung!



```
public void mergeSort(int[] zahlen)
{
    if (zahlen.length > 1)
    {
        int mitte = zahlen.length / 2;

        // linkes und rechtes Teilarray erzeugen
        int[] links = new int[mitte];
        int[] rechts = new int[zahlen.length - mitte];

        // Elemente aufteilen
        for (int i = 0; i < mitte; i++)
            links[i] = zahlen[i];
        for (int i = mitte; i < zahlen.length; i++)
            rechts[i - mitte] = zahlen[i];

        // rekursiv sortieren
        mergeSort(links);
        mergeSort(rechts);

        // zusammenführen
        merge(zahlen, links, rechts);
    }
}
```

5.8 Rekursion: mergeSort()

```

public void mergeSort(int[] zahlen)
{
    if (zahlen.length > 1)
    {
        int mitte = zahlen.length / 2;

        // linkes und rechtes Teilarray erzeugen
        int[] links = new int[mitte];
        int[] rechts = new int[zahlen.length - mitte];

        // Elemente aufteilen
        for (int i = 0; i < mitte; i++)
            links[i] = zahlen[i];
        for (int i = mitte; i < zahlen.length; i++)
            rechts[i - mitte] = zahlen[i];

        // rekursiv sortieren
        mergeSort(links);
        mergeSort(rechts);

        // zusammenführen
        merge(zahlen, links, rechts);
    }
}

```

mergeSort([38, 27, 43, 3])

├── Teilschritt: Aufteilung in zwei Hälften

├── links: [38, 27]

├── rechts: [43, 3]

├── mergeSort([38, 27])

├── Aufteilung

├── links: [38]

├── rechts: [27]

├── mergeSort([38]) → Länge 1 → Abbruch

├── mergeSort([27]) → Länge 1 → Abbruch

├── merge([38, 27]) → Ergebnis: [27, 38]

├── mergeSort([43, 3])

├── Aufteilung

├── links: [43]

├── rechts: [3]

├── mergeSort([43]) → Länge 1 → Abbruch

├── mergeSort([3]) → Länge 1 → Abbruch

├── merge([43, 3]) → Ergebnis: [3, 43]